



## MERENJE NAPONA I DEFORMACIJA

Radni naponi mašinskih delova i konstrukcija se ne mogu meriti (registrovati) direktno već indirektno na osnovu izmerenih elastičnih deformacija. Na osnovu izmerenih deformacija i poznate zavisnosti između napona i deformacija u oblasti elastičnih deformacija može se doći do naponskog stanja mašinskih delova i konstrukcija:

$$\sigma = E \cdot \varepsilon \quad \tau = G \cdot \varepsilon_{45^\circ},$$

gde su

$\varepsilon$  i  $\varepsilon_{45^\circ}$  – izmerene jedinične deformacije,

$E$  – modul elastičnosti materijala mašinskog dela,

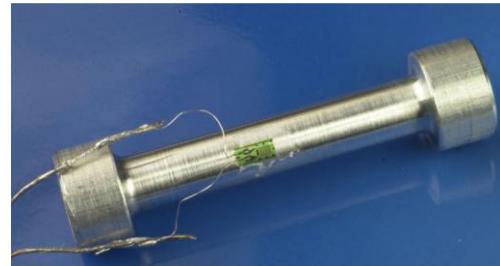
$G$  – modul klizanja materijala mašinskog dela.

Sa sve većim zahtevima i potrebama za ispitivanjem mašinskih konstrukcija razvijale su se različite metode za merenje napona i deformacija. Ove metode merenja mogu se svrstati u više grupe, i to:

- ekstenzometrijske metode,
- metoda fotoelastičnosti,
- metoda krtog laka,
- Moare metoda,
- ultrazvučna metoda i dr.

Ekstenzometri su naprave ili instrumenti pomoću kojih se meri lokalna deformacija na konstrukciji usled opterećenja. Veličina ovih promena, lokalnih deformacija, može se meriti mehaničkim putem, pomoću tzv. mehaničkih ekstenzometara, optičkih ekstenzometara ili pomoću elektro-otpornih mernih traka.

Merne trake, Slika 1, su merni elementi koji se lepe na određenu površinu ispitivane konstrukcije i one se deformišu zajedno sa lokalnom deformacijom konstrukcije. Merne trake se razlikuju prema obliku i prema tehnologiji izrade. Prema tehnologiji izrade merne trake mogu biti napravljene od žice, folije ili poluprovodnika. Po svom obliku, merne trake mogu biti: linijske ili u obliku rozete.



Slika 1

Linijske merne trake su jednostruki elementi i primenjuju se kada je poznat glavni pravac napona ili deformacije. Ako nam nije poznat glavni pravac napona ili deformacije, primenjuju se tzv. rozete sastavljene od dve, tri, pa i četiri merne trake koje su postavljene na istu podlogu.

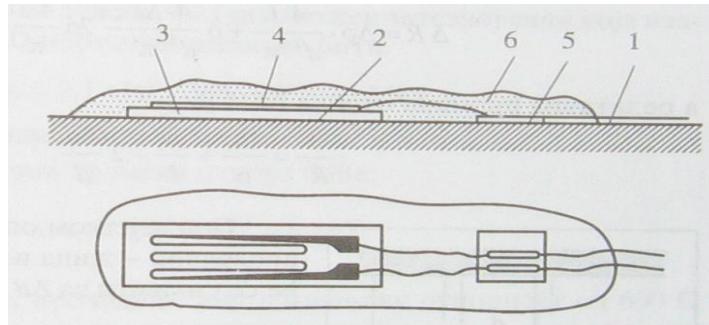
Merne trake sa žicom napravljene su od tanke žice prečnika  $\varnothing 20\text{-}30\mu\text{m}$ , koja je savijena nekoliko puta, a zatim zlepljena posebnim lepkom za njen noseći element, koji može biti



od hartije, sintetičke mase, metalne folije i dr. Savijena žica se preko nosećeg elementa lepi neposredno na deo konstrukcije na kojoj se meri deformacija.

Na Slici 2 prikazan je izgled mernog mesta, gde su:

- 1 – konstrukcija koja se ispituje,
- 2 – lepak,
- 3 – nosač trake,
- 4 – merna traka,
- 5 – priključak,
- 6 – zaštita od vlage.



Slika 2.

Merne trake se najčešće koriste za merenje napona i deformacija na već izvedenim konstrukcijama, kao što su rezervoari pod pritiskom, mašine alatke, turbine, mostovi, transportna sredstva i dr. Ispitivanje konstrukcija mernim trakama zasnovano je na činjenici da se pri opterećenju konstrukcije deformiše njena površina, a ova deformacija se prenosi na mernu traku, odnosno žicu zalepljenu na mesto merenja. Deformacija merne trake, odnosno žice izaziva promenu električnog otpora u njoj, što se može registrovati mernim instrumentom.

Na osnovu Omovog zakona, jednačina za električni otpor glasi:

$$R = \rho \cdot \frac{l}{A},$$

gde su:

- $\rho$  – specifični otpor materijala žice,  
 $l$  – dužina žice,  
 $A$  – površina poprečnog preseka žice.

Relativna promena električnog otpora srazmerna je veličini jedinične deformacije:

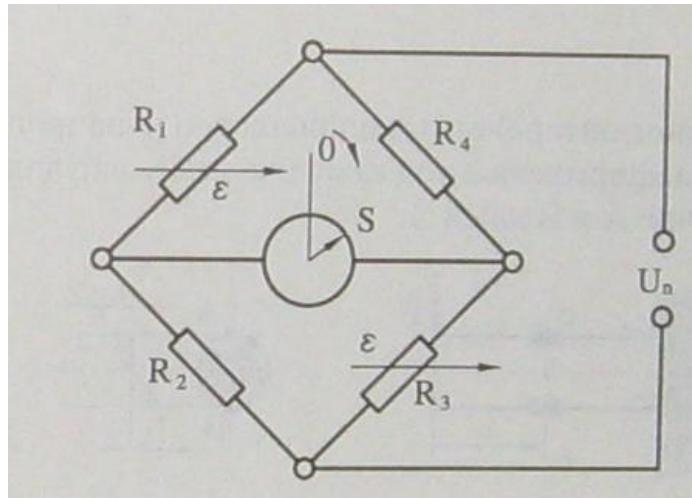
$$\frac{\Delta R}{R} = B \cdot \varepsilon,$$

gde je  $B$  – faktor pojačanja mernog instrumenta.

Zbog malih deformacija i promena električnog otpora je mala. Iz tih razloga merni instrument mora da bude veoma osetljiv. U praksi se najčešće koristi Vitstonov most za merenje deformacija pomoću mernih traka, Slika 3. Most se sastoji od četiri grane koje



čine otpori od  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  i  $R_4$ , napona napajanja  $U_n$  i izlaznog napona ( $U_i$ ) koji se registruje na galvanometru  $G$  (osetljivom mernom instrumentu).



Slika 3.

Merne trake koje se nalaze u suprotnim granama mere deformaciju istog znaka, a merne trake u susednim granama mere deformacije različitog znaka.

Skretanje kazaljke na mernom instrumentu odgovara relativnoj promeni otpora i srazmerno je jediničnoj deformaciji mašinskog dela:

$$s = \frac{\Delta R}{R} = B \cdot \varepsilon .$$

Tačnost merenja zavisi od mnogobrojnih uticajnih faktora, kao npr.: izbora merne trake, cementa, postupka lepljenja, izbora kablova, zatim povezivanja sa mernim instrumentom, priključenja i izbora pojačala, kao i pripreme mernog mesta za lepljenje mernih traka. Tačnost merenja zavisi i od radnih uslova, kao, npr.: temperature, vlage, raspona opterećenja, vrste opterećenja (statičko, dinamičko), hemijskih uticaja itd.

Da bi se dobio kvalitetan spoj merne trake i ispitivane konstrukcije, mora se merno mesto pažljivo pripremiti. Merno mesto na koje se postavlja merna traka treba da bude očišćeno od korozije, boje i drugih nečistoća brusnim papirom, a zatim se površina brusi. Posle toga se odmašćuju površine. Na očišćenu površinu konstrukcije i naličje merne trake nanosi se tanak sloj lepka (oko  $10-15\mu\text{m}$ ) i traka se zalepi na mernu površinu. Vreme sušenja merne trake zavisi od primjenjenog lepka. Zalepljene i osušene merne trake povezuju se preko izvoda i priključaka lemljenjem za mernu instalaciju. Zatim se merna mesta na koja su trake zalepljene, zalivaju voskom, silikonskom gumom ili drugim pogodnim materijalom radi izolacije od vlage.

Vek trajanja ispravno postavljene merne trake iznosi od nekoliko dana do nekoliko godina.



Dobre karakteristike mernih traka:

- velika tačnost merenja deformacija,
- mogućnost merenja statičkih i dinamičkih deformacija  $\varepsilon_t \neq \text{cost}$ .
- merenje deformacija u različitim radnim uslovima: vlažnost, temperatura, pritisak,
- nema uticaja na mašinski deo.

Nedostaci:

- merenje samo površinskih deformacija,
- relativno nizak nivo izlaznog signala.

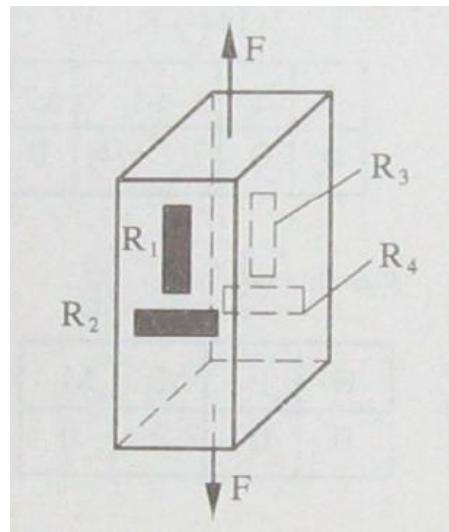
### MAŠINSKI DEO NAPREGNUT NA ZATEZANJE

Na mašinski deo napregnut na zatezanje postavljene su četiri merne trake  $R_1, R_2, R_3$  i  $R_4$ . Dve su postavljene u pravcu dejstva sile  $R_1$  i  $R_3$  i one mere uzdužne deformacije  $\varepsilon$ , a druge dve  $R_2$  i  $R_4$  su postavljene normalno na taj pravac i one mere poprečne deformacije

$$\varepsilon_p = -\nu \cdot \varepsilon .$$

U ovom slučaju dobija se maksimalno pojačanje mernog mosta:

$$B = \varepsilon_1 + \varepsilon_3 + |\varepsilon_2| + |\varepsilon_4| = \varepsilon + \varepsilon + \nu \cdot \varepsilon + \nu \cdot \varepsilon = 2\varepsilon(1+\nu) .$$



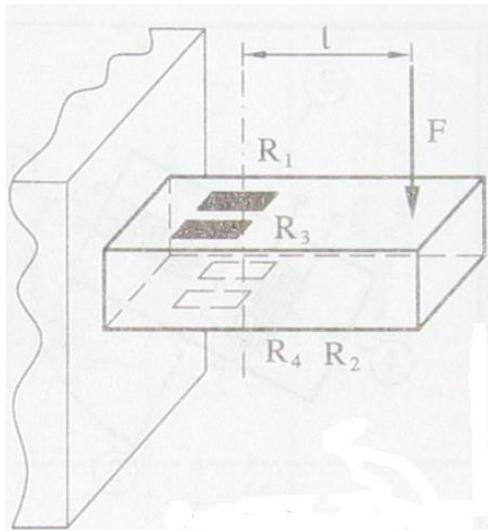
Slika 4.

### MAŠINSKI DEO NAPREGNUT NA SAVIJANJE

Ako je mašinski deo napregnut na savijanje usled dejstva sile  $F$ , kao što je prikazano na slici, gornja vlakna će se izdužiti a donja sabiti. Deformacije u ovim vlaknima su istog intenziteta a suprotnog znaka. Saglasno ovome sledi izraz za faktor pojačanja mernog mosta:



$$B = \varepsilon_1 + \varepsilon_3 + |\varepsilon_2| + |\varepsilon_4| = 4\varepsilon$$

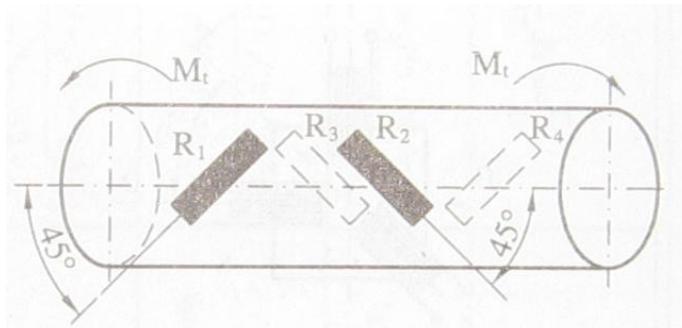


Slika 5.

### MAŠINSKI DEO NAPREGNUT NA UVIJANJE

Na vratilo napregnuto na uvijanje postavljene su četiri merne trake  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  i  $R_4$  u pravcu maksimalnih deformacija koje leže pod uglovom od  $45^\circ$  u odnosu na osu vratila. Napajanje mosta i izlazni signal prenose se sa vratila koje se obrće preko kliznih prstenova ili bežičnim putem. Merne trake  $R_1$  i  $R_2$  izložene su istezanju, dok su merne trake  $R_3$  i  $R_4$  izložene sabijanju. Apsolutne vrednosti deformacija su iste. Saglasno ovome sledi faktor pojačanja mernog mosta:

$$B = \varepsilon_1 + \varepsilon_3 + |\varepsilon_2| + |\varepsilon_4| = 4\varepsilon .$$



Slika 6.