

Нумеричке методе септембар 2021. (смене 2, 4 и 5)
Група 1

1. Развити функцију у степени ред и одредити област конверенције

$$f(x) = \frac{e^{x^2} - 1}{x^2}.$$

2. Дата је функција f дискретним скупом података

x	-0.3	0.2	0.7	1.2
$f(x)$	-0.3093	0.2027	0.8423	2.5722

Одредити приближно решење једначине $f(x) = 0$ и вредност функције у тачки $f(1.0) = ?$

3. Користећи одговарајућу квадратурну формулу израчунати са тачношћу $\epsilon = 10^{-6}$ интеграл

$$\int_1^2 \sqrt{(e^{-x^2} + 1)} dx.$$

4. Нађи негативно решење једначине:

$$e^{x+3} + x - 2 = 0$$

са тачношћу 10^{-8}

(образложити оправданост одговарајућег поступка).

5. Ојлеровом методом са тачношћу $\epsilon = 10^{-3}$ израчунати $y(0.15)$ ако је $y(x)$ решење диференцијалне једначине:

$$y' + y + xy^2 = 0, \quad y(0) = 1.$$

СРЕЋНО!!!

Нумеричке методе септембар 2021. (смене 2, 4 и 5)
Група 2

1. Развити функцију у степени ред и одредити област конверенције

$$f(x) = \frac{1 - e^{-x^2}}{x^2}.$$

2. Дата је функција f дискретним скупом података

x	-0.3	0.2	0.7	1.2
$f(x)$	-0.3093	0.2027	0.8423	2.5722

Одредити приближно решење једначине $f(x) = 0$ и вредност функције у тачки $f(0.1) = ?$

3. Користећи одговарајућу квадратурну формулу израчунати са тачношћу $\epsilon = 10^{-6}$ интеграл

$$\int_1^2 \sqrt{(e^{x^2} + 1)} dx.$$

4. Наћи позитивно решење једначине:

$$e^{x-3} + x - 2 = 0$$

са тачношћу 10^{-8}

(образложити оправданост одговарајућег поступка).

5. Ојлеровом методом са тачношћу $\epsilon = 10^{-3}$ израчунати $y(0.15)$ ако је $y(x)$ решење диференцијалне једначине:

$$y' + y + xy^2 = 0, \quad y(0) = 1.$$

СРЕЋНО!!!