

Numeričke metode – jul 2022. smene: 2, 4 i 5

- Ispitati konvergenciju reda $\sum_{n=1}^{\infty} \ln \left(1 + \sin \frac{1}{n^2}\right)$.
- Funkcija $f : x \rightarrow y$ zadata je skupom eksperimentalno dobijenih podataka:

x	-0.10	0.15	0.40	0.65	0.90
$f(x)$	0.3000	0.1400	-0.3000	-0.4135	-0.4529

Približno izračunati vrednost x za koju je $f(x) = 2x$.

- Njutnovom metodom sa tačnošću 10^{-5} rešiti jednačinu $e^{\frac{1}{x}} - x = 0$.
- Ojlerovom metodom sa tačnošću $3 \cdot 10^{-2}$ izračunati $y(0.15)$ ako je $y(x)$ rešenje jednačine:

$$y' + y + xy^2 = 0, \quad y(0) = 1$$

- Koristeći Simpsonovo pravilo izračunati integral

$$\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} (1 + e^{-x} \cos x) dx$$

sa tačnošću $\epsilon = 10^{-4}$.

Napomena:

Potpisati ovaj papir i predati ga sa rešenjem zadataka.

SREĆNO!!!

Univerzitet u Beogradu
Mašinski fakultet
Katedra za Matematiku

28.06.2022. godine
grupa: 2

Numeričke metode – jul 2022. smene: 2, 4 i 5

- Ispitati konvergenciju reda $\sum_{n=1}^{\infty} \ln \left(1 + \frac{1}{n\sqrt[3]{n}}\right)$.
- Funkcija $f : x \rightarrow y$ zadata je skupom eksperimentalno dobijenih podataka:

x	-0.10	0.15	0.40	0.65	0.90
$f(x)$	0.3000	0.1400	-0.3000	-0.4135	-0.4529

Približno izračunati vrednost x za koju je $f(x) = 3x$.

- Njutnovom metodom sa tačnošću 10^{-5} rešiti jednačinu $x - e^{\frac{1}{x}} = 0$.
- Ojlerovom metodom sa tačnošću $3 \cdot 10^{-2}$ izračunati $y(0.15)$ ako je $y(x)$ rešenje jednačine:

$$y' - y + xy^2 = 0, \quad y(0) = 1$$

- Koristeći Simpsonovo pravilo izračunati integral

$$\int_0^1 x^2 \sin(x+1) dx$$

sa tačnošću $\epsilon = 10^{-4}$.

Napomena:

Potpisati ovaj papir i predati ga sa rešenjem zadataka.

SREĆNO!!!