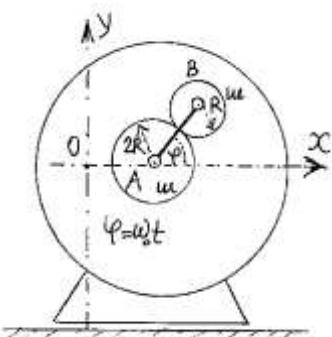
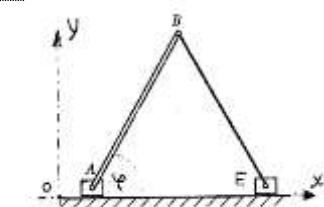


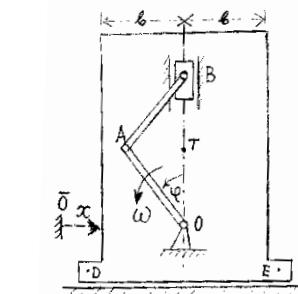
2.1. Kućište mase  $m_1=3m$  (sa centrom masa u tački A) može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Tačka B mase  $m_2=m$  vezana je pomoću lakošča AB,  $AB=R$ , zglobom A za kućište. Štap AB obrće se po zakonu  $\varphi=\omega t$  ( $\omega=\text{const}$ ). U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao  $x(0)=0$ . Odrediti: 1) zakon kretanja kućišta  $x(t)=?$  (uzeti da je  $0A=x$ ), 2) reakciju horizontalne ravni.



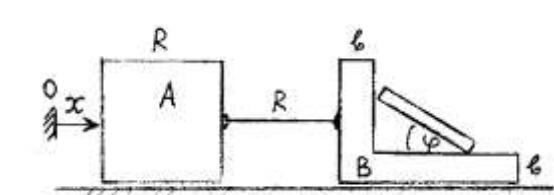
2.2. Kućište mase  $m$  (sa centrom masa u tački A) može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Disk B mase  $m$  i poluprečnika  $R$  kotrlja se bez klizanja po kružnom delu kućišta (poluprečnika  $2R$ ). Laki štap AB obrće se po zakonu  $\varphi=\omega t$  ( $\omega=\text{const}$ ). Veze u tačkama A i B su zglobne. U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao  $x(0)=0$ . Odrediti: 1) zakon kretanja kućišta  $x(t)=?$  (uzeti da je  $0A=x$ ), 2) reakciju horizontalne ravni.



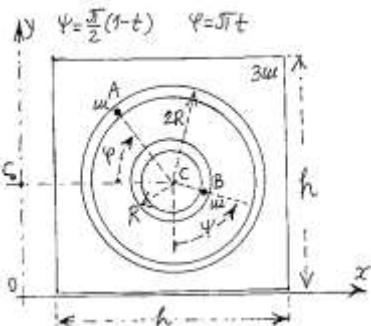
2.3. Odrediti: koliko se pomerio klizač A ( $0A=x=?$ ) od  $t_0=0$  do  $t_1$  ( $\varphi_1=0$ ). U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je bio u miru, a klizač A je bio u koordinatnom početku,  $\varphi_0=60^\circ$ . Veze u tačkama A, B i E su zglobne, štap AB je mase  $3m$ , štap BE je laki štap, klizač A je mase  $2m$ , a klizač B je mase  $m$ ,  $AB=BE=R$ . Klizači se kreću po glatkoj horizontalnoj vođici ( $0x$  osi). Osa  $0y$  je vertikalna.



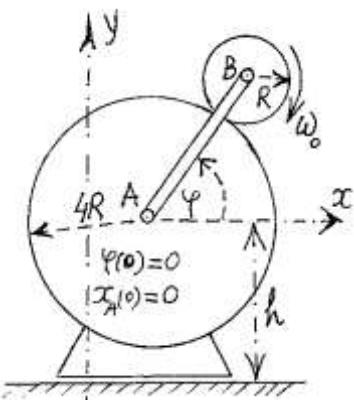
2.4. Odrediti: 1) konačne jednačine kretanja kućišta ako poluga  $0A$ , mase  $m_{0A}=1$ , rotira konstantnom ugaonom brzinom  $\omega=14$ . Masa kućišta je  $m_k=5$ . U  $t_0=0$  sistem je bio u miru, a štap  $0A$  je bio vertikalni, tj.  $\varphi(0)=0$ . Veze u tačkama 0, A i B su zglobne. Štap AB je mase  $m_{AB}=1$ , a klizač B mase  $m_B=2$ . Uzeti da je  $OA=AB=0,5$ . Zadate veličine su date u osnovnim jedinicama SI sistema. Ako se jednog trenutka kućište u tačkama D i E zavrtnjima fiksira za podlogu, odrediti: 2) silu u zavrtnju D.



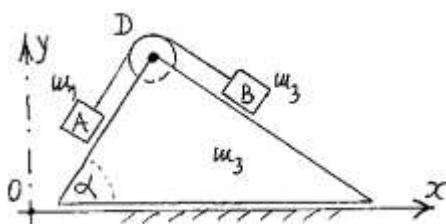
2.5. Kvadratna ploča A ( $m_A=m$ ) stranice R i ugaonik B ( $m_B=m$ ) stranice r, L ispusta b, mogu da klize po glatkoj horizontalnoj podlozi. Za ploču i ugaoniku je zavaren laki štap dužine R. Po glatkom ugaoniku može da klizi štap dužine  $2R$  i mase m. U početnom trenutku:  $x(0)=0$ ,  $\varphi(0)=60^\circ$  sistem je bio u miru. Odrediti: 1) kako pomeranje ploče x zavisi od ugla  $\varphi$ , 2)  $x_1=?$  kada je štap na horizontali, 3) položaj centra masa sistema, 4) trajektoriju težišne tačke štapa.



2.6. Odrediti: 1) konačne jednačine kretanja kvadratnog kućišta,  $x(t)=?$ , mase  $3m$  stranice  $h$  (koje se kreće po glatkoj horizontalnoj podlozi, a unutar koga se po kružnim kanalima kreću kuglice-tačke  $A$  i  $B$ ); uzeti da je  $C_0C=x$ ; 2) koliko se pomerilo kućište i kolika mu je brzina u trenutku  $t_1=1$ ; 3) silu reakcije podloge  $N(t_1)=?$  Unutrašnje sile čine da se kuglica  $A$ , mase  $m$ , kreće po zakonu  $\varphi=\pi t$ , a kuglica  $B$ , mase  $m$ , po zakonu  $\psi=(1/2)(1-t)\pi$ . U početnom trenutku  $t_0=0$  kućište je mirovalo, a centralna tačka kućišta  $C$  je bila na vertikalnoj osi  $0y$ . Veze su idealne. Zadate veličine su date u osnovnim jedinicama SI sistema.



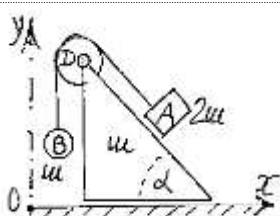
2.7. Kućište mase  $4m$  (sa centrom masa u tački  $A$ ) može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Disk mase  $m$  i poluprečnika  $R$  kotrlja se bez klizanja po kružnom delu kućišta (poluprečnika  $4R$ ). Laki štap  $AB$  obrće se po zakonu  $\varphi=\omega t$  ( $\omega=\text{const}$ ). Veze u tačkama  $A$  i  $B$  su zglobne. U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao,  $x(0)=0$ . Odrediti: 1) zakon kretanja kućišta  $x(t)=?$  (zeti da je  $0A=x$ ), 2) reakciju horizontalne ravni.



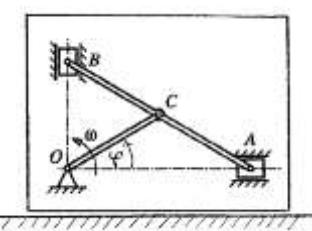
2.8. Teret  $A$  mase  $m_1=m$  i teret  $B$  mase  $m_2=4m$  kreću se po glatkim katetama pravougaonog kućišta, kućište je mase  $m_3=3m$  i može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Masa diska, poluprečnika  $R$ , je zanemarljiva. Ako je  $\alpha=30^\circ$ , odrediti pomeranje kućišta u funkciji pomeranja tereta  $A$ .  $AB=L$ . U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao, a teret  $A$  je bio u podnožju.



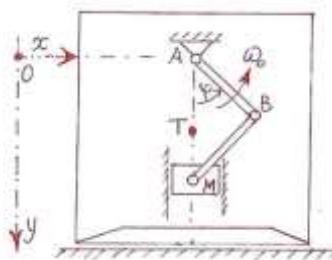
2.9. Telo  $B$ , mase  $m_1=m$ , nalazi se na glatkoj dasci  $A$ , mase  $m_2=2m$ . Tela su međusobno vezana oprugom krutosti  $c$ . Zanemarujući trenje između tela  $A$  i  $B$ , kao i tela  $A$  i horizontalne podloge, odrediti zakon promene brzine  $V$  tela  $A$  u funkciji brzine tela  $B$  u odnosu na dasku.



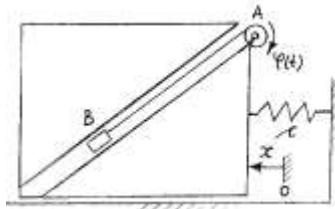
2.10. Teret  $A$  mase  $2m$  kreće se po glatkoj hipotenuzi pravougaonog kućišta mase  $m$ . Teret  $B$  mase  $m$  užetom je vezan za teret  $A$  posredstvom lakošću diska  $D$  poluprečnika  $R$ . Ako je  $\alpha=30^\circ$ , odrediti pomeranje kućišta u funkciji pomeranja tereta  $A$ . U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao, kateta kućišta je bila na  $0y$  osi.



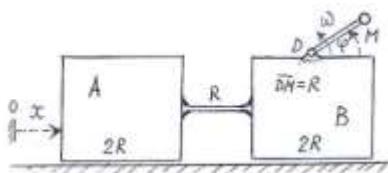
2.11. Odrediti: 1) konačne jednačine kretanja kvadratnog kućišta stranice  $L$ , 2) silu reakcije idealno glatke podloge, 3) vrednost minimalne sile reakcije podloge. Masa kućišta koji se kreće po horizontalnoj glatkoj podlozi je  $m_k=8m$ . Poluga  $0C$  obrće se konstantnom uglaonom brzinom  $\omega$ . U  $t_0=0$  sistem je bio u miru, a štap  $ACB$  horizontalan tj.  $\varphi(0)=0$ . Veze u tačkama  $0$ ,  $A$ ,  $B$  i  $C$  su zglobne, štapovi  $0C$  i  $ACB$  su laci, a klizač  $A$  je mase  $m$ , klizač  $B$  mase  $m$ .  $OC=AC=CB=R$ . Klizači se kreću po ortogonalnim vodicama izdubljenim u kućištu.



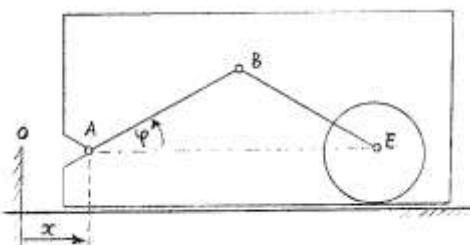
2.12. Mehanizam za kovanje dovodi se u kretanje pomoću klipnog mehanizma; odrediti: 1) konačne jednačine kretanja kućišta ako poluga AB, mase  $m_{AB}=m$ , rotira konstantnom ugaonom brzinom  $\omega_0$ , 2) pritisak mehanizma na idealno glatku horizontalnu podlogu (pri radu mašine). Centar masa kvadratnog kućišta (s nakovnjem), stranice h, je u centru tj. tački T,  $m_k=5m$ . U  $t_0=0$  sistem je bio u miru, a poluga AB je bila vertikalna, tj.  $\phi(0)=0$ . Veze u tačkama A, B i M su zglobne. Štap BM je zanemarljive mase, a klizač M je mase  $m_M=2m$ . Uzeti da je  $AB=BM=2R$ . Zadate veličine su date u osnovnim jedinicama SI sistema. AT=L.



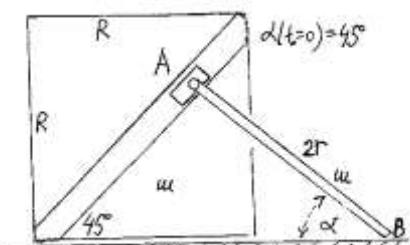
2.13. Kvadratna ploča, mase 2m, stranice L, može bez trenja da se kreće po horizontalnoj ravni, oprugom krutosti c je vezana za zid. Po dijagonali ploče je urezan glatki žljeb po kome se kreće tačka B mase m. Tačka je užetom vezana za pogonsku koturaču (bez mase) poluprečnika R, čija je rotacija data zakonom  $\varphi=\epsilon t^2$  ( $\epsilon=\text{const}$ ). Odrediti konačnu jednačinu kretanja ploče  $x(t)=?$  U  $t_0=0$  sistem je bio u miru, tačka B u podnožju,  $x(0)=0$ , a opruga je tada bila nenapregnuta. Neka je  $C=\frac{3mg}{R}$ .



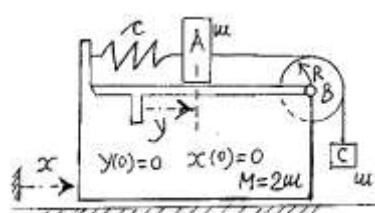
2.14 Dve kvadratne ploče spojene su laskom dužine R, ploča A ( $m_A=2m$ ) stranice  $2R$  i ploča B stranice  $2R$  ( $m_B=4m$ ) mogu da se kreću po glatkoj horizontalnoj podlozi. Za ploču B (na sredini stranice) zglobno je vezano matematičko klatno M dužine R i mase m. Ako klatno rotira konstantnom ugaonu brzinom  $\omega$  odrediti: 1) konačne jednačine kretanja ploče B, 2) za koliko se pomeri ploča B kada klatno dođe u vertikalni položaj, 3) silu u laskom štапу, 4) vrednost minimalne sile u laskom štапу. U početnom trenutku  $t_0=0$ ,  $x(0)=0$ ,  $\varphi(0)=0$  sistem je bio u miru.



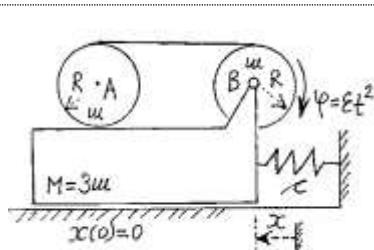
2.15. Sistem je u vertiklnoj ravni i sastoji se od kućišta mase m, štapa AB i BE svaki mase m ( $AB=BE=R$ ) i diska mase m i poluprečnika r koji se bez klizanja kotrlja po kućištu. U tačkama A, B i E su zglobne veze. Odrediti: a) jednačinu kretanja kućišta  $x(t)=?$ , koje može bez trenja da se kreće po horizontalnoj ravni, b) reakciju ravni. Ugao  $\varphi$  menja se po zakonu  $\varphi=\omega t$  ( $\omega=\text{const}$ ). U  $t_0=0$  sistem je bio u miru  $x(0)=0$ .



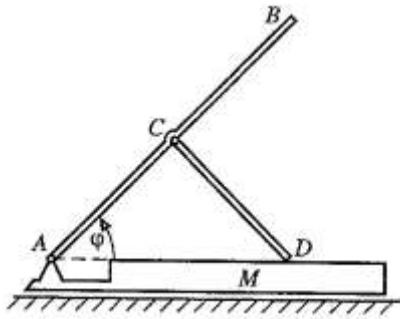
2.16. Kvadratna ploča mase m i stranica R može da klizi po glatkoj horizontalnoj podlozi. Po glatkom žljebu (koji je urezan po dijagonali) kvadratne ploče može da klizi klizač A mase m. Za klizač je zglobno vezan štap AB dužine  $2r$  i mase m (kraj štapa B klizi po glatkoj podlozi). U početnom trenutku štap AB je sa podlogom gradio ugao  $45^\circ$ , a sistem je bio u miru. Odrediti vezu koja postoji između brzine ploče i ugaone brzine štapa u trenutku kada štap dođe u horizontalni položaj.



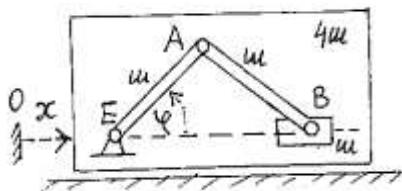
2.17. Ploča mase  $M=2m$ , stranice  $(2L, L)$  može bez trenja da se kreće po horizontalnoj ravni. Po ploči se bez trenja kreće teret A mase m (oprugom krutosti c je vezan za ploču), a užetom (koje je prebačeno preko diska B, zanemarljive mase, poluprečnika R) je vezan za teret C, mase m, koji se kreće po vertikali. Odrediti konačnu jednačinu kretanja ploče  $x(t)=?$  U  $t_0=0$ ,  $x(0)=0$ ,  $y(0)=0$ , teret C je dobio brzinu  $V_0$  (na dole), a opruga je tada bila nenapregnuta. Koordinatna osa y je vezana za ploče.



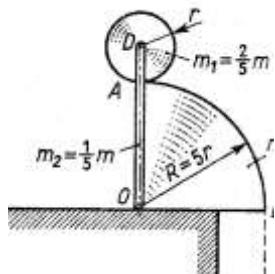
2.18. Ploča mase  $M=3m$ , stranice  $(3L, L)$ , može bez trenja da se kreće po horizontalnoj ravni, a oprugom krutosti  $c$  je vezana za zid. Po ploči se kotrlja bez klizanja disk A, mase  $m$ , poluprečnika  $R$ , koji je užetom vezan za pogonski disk B (mase  $m$ , poluprečnika  $R$ ) koji rotira (pod dejstvom unutrašnjih sila) po zakonu  $\varphi=\epsilon t^2$  ( $\epsilon=\text{const}$ ). Disk B je zglobom vezan za ploču. Odrediti konačnu jednačinu kretanja ploče  $x(t)=?$  U  $t_0=0$  sistem je bio u miru  $x(0)=0$ , a opruga je tada bila nenapregnuta.



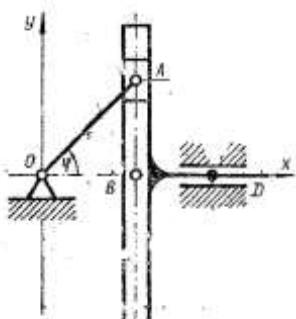
2.19. Telo M mase  $m_1=3m$  može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Za telo je vezana osovina oko koje se u vertikalnoj ravni obrće homogeni štap AB po zakonu  $\varphi=\omega t$  ( $\omega=\text{const}$ ). Za središte štapa AB zglobno je vezan homogeni štap CD koji krajem D klizi po glatkoj horizontalnoj površi tela M. Štap AB ima dužinu  $2R$  i masu  $m_2=2m$ , a štap CD dužinu  $R$  i masu  $m_3=m$ . Ako je u početnom trenutku  $t_0=0$  telo M mirovalo, odrediti: 1) zakon kretanja tela M po horizontalnoj ravni; 2) reakciju horizontalne ravni.



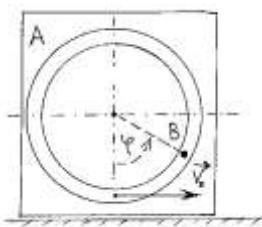
2.20. Odrediti kako pomeranje kućišta x mase  $4m$  (koje se kreće bez trenja po horizontalnoj podlozi) zavisi od ugla  $\varphi$ . U  $t_0=0$  sistem je bio u miru, a  $x_0=0$ , veze u tačkama E, A i B su zglobne, štapovi EA i AB su svaki dužine  $R$  i mase  $m$ , a klizač B je mase  $m$ , vodica klizača je horizontalna.



2.21. Mehanizam je postavljen na glatku horizontalnu podlogu. Disk poluprečnika  $r$  i mase  $m_1$  zglobno je vezana za krivaju OD i kotrlja se bez klizanja po kružnom elementu (poluprečnika  $5R$  sa centrom u tački O) kućišta. Masa krivaje OD je  $m_2$ , a kućišta  $m_K=m$ . U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao, a krivaja OD je zauzimala vertikalni položaj. Odrediti za koliko se pomeri kućište kada štap OD padne na horizontalni pravac.



2.22. Odrediti: a) trajektoriju centra masa mehanizma, kao i b) intenzitet vektora količine kretanja mehanizma. Krivaja OA,  $OA=R$ , je mase  $m_{OA}=m$ , klizač A je mase  $m_A=m$ , a masa kulise po kojoj se kreće klizač je  $m_K=3m$  centar masa kulise je u tački D,  $BD=R$ ). Veze u tačkama O i A su zglobne, a  $\varphi=\pi t$ .



2.23. Telo A mase  $3m$  može da klizi bez trenja po horizontalnoj podlozi. Iz najnižeg položaja u glatki žljeb, poluprečnika  $R$ , tela A (koje je tada mirovalo) ubaćena je kuglica B mase  $m$  relativnom brzinom  $V_o$ . Odrediti pomeranje tela A u proizvoljnem trenutku.