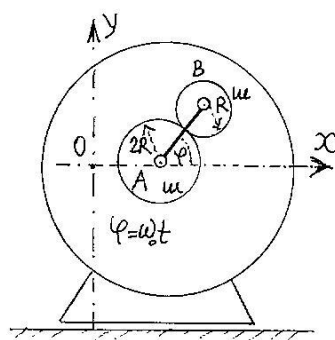
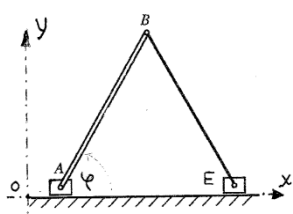


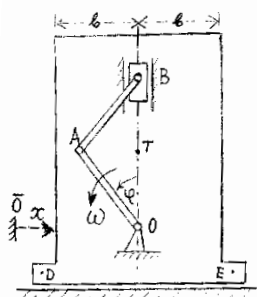
2.1. Kućište mase  $m_1=3m$  (sa centrom masa u tački A) može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Tačka B mase  $m_2=m$  vezana je pomoću lakog štapa AB,  $AB=R$ , zglobovom A za kućište. Štap AB obrće se po zakonu  $\varphi=\omega t$  ( $\omega=\text{const}$ ). U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao  $x(0)=0$ . Odrediti: 1) zakon kretanja kućišta  $x(t)=?$  (uzeti da je  $0A=x$ ), 2) reakciju horizontalne ravni.



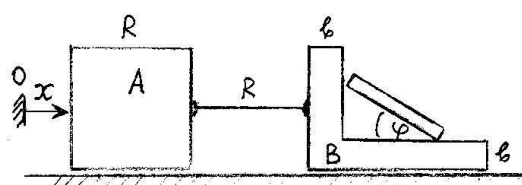
2.2. Kućište mase  $m$  (sa centrom masa u tački A) može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Disk B mase  $m$  i poluprečnika  $R$  kotrlja se bez klizanja po kružnom delu kućišta (poluprečnika  $2R$ ). Laki štap AB obrće se po zakonu  $\varphi=\omega t$  ( $\omega=\text{const}$ ). Veze u tačkama A i B se zglobove. U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao  $x(0)=0$ . Odrediti: 1) zakon kretanja kućišta  $x(t)=?$  (uzeti da je  $0A=x$ ), 2) reakciju horizontalne ravni.



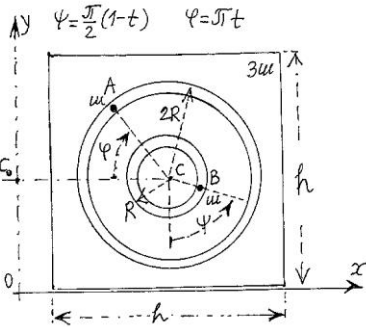
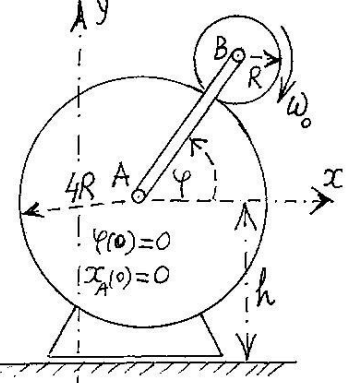
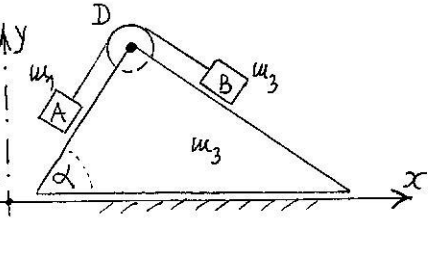
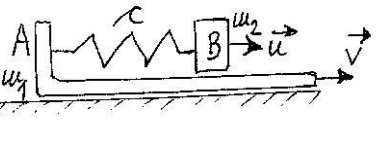
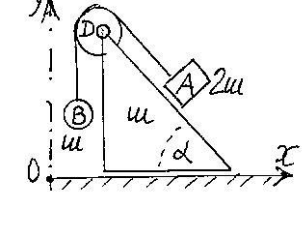
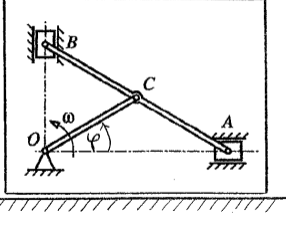
2.3. Odrediti: koliko se pomerio klizač A ( $0A=x=?$ ) od  $t_0=0$  do  $t_1$  ( $\varphi_1=0$ ). U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je bio u miru, a klizač A je bio u koordinatnom početku,  $\varphi_0=60^\circ$ . Veze u tačkama A, B i E su zglobove, štap AB je mase  $3m$ , štap BE je laki štap, klizač A je mase  $2m$ , a klizač B je mase  $m$ ,  $AB=BE=R$ . Klizači se kreću po glatkoj horizontalnoj vodiči ( $0x$  osi). Osa  $0y$  je vertikalna.



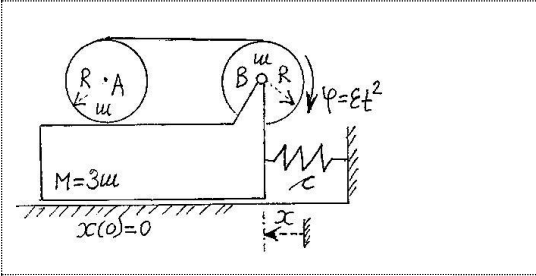
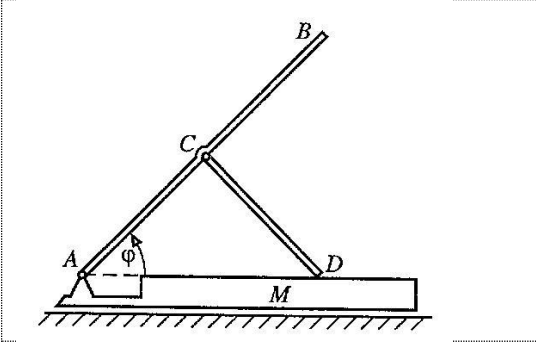
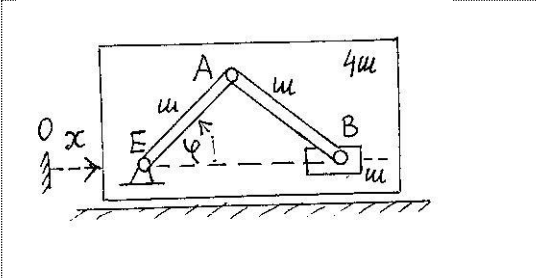
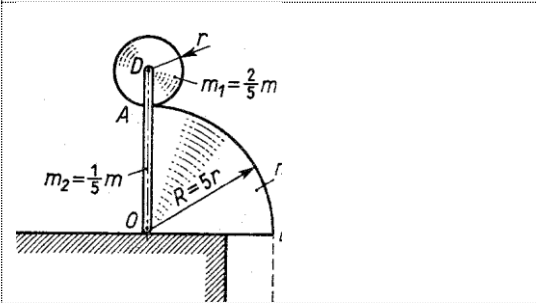
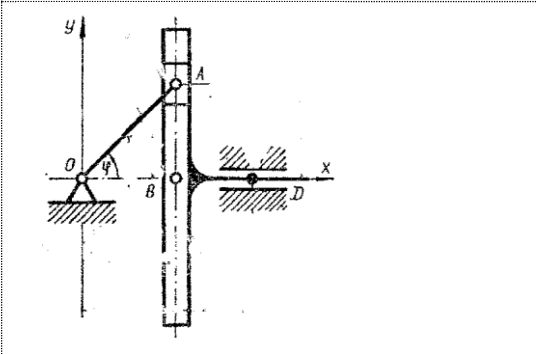
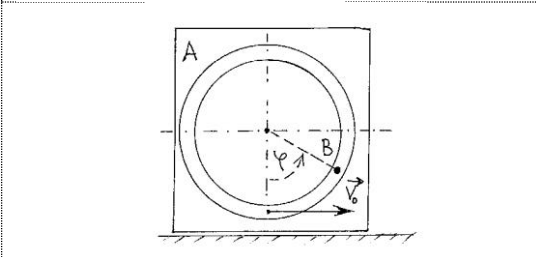
2.4. Odrediti: 1) konačne jednačine kretanja kućišta ako poluga OA, mase  $m_{0A}=1$ , rotira konstantnom ugaonom brzinom  $\omega=14$ . Masa kućišta je  $m_k=5$ . U  $t_0=0$  sistem je bio u miru, a štap OA je bio vertikalna, tj.  $\varphi(0)=0$ . Veze u tačkama O, A i B su zglobove. Štap AB je mase  $m_{AB}=1$ , a klizač B mase  $m_B=2$ . Uzeti da je  $OA=AB=0,5$ . Zadate veličine su date u osnovnim jedinicama SI sistema. Ako se jednog trenutka kućište u tačkama D i E zavrtnjima fiksira za podlogu, odrediti: 2) silu u zavrtnju D.

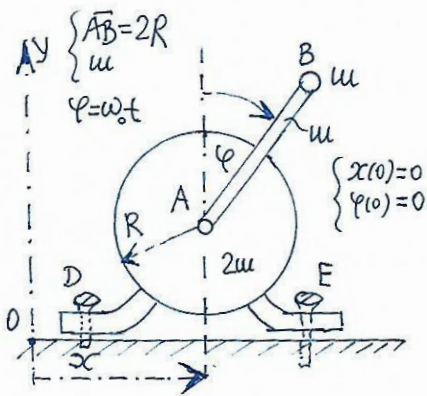


2.5. Kvadratna ploča A ( $m_A=m$ ) stranice  $R$  i ugaonik B ( $m_B=m$ ) stranice  $r$ ,  $L$  ispusta  $b$ , mogu da klize po glatkoj horizontalnoj podlozi. Za ploču i ugaonik je zavaren laki štap dužine  $R$ . Po glatkom ugaoniku može da klizi štap dužine  $2R$  i mase  $m$ . U početnom trenutku:  $x(0)=0$ ,  $\varphi(0)=60^\circ$  sistem je bio u miru. Odrediti: 1) kako pomeranje ploče  $x$  zavisi od ugla  $\varphi$ , 2)  $x_1=?$  kada je štap na horizontali, 3) položaj centra masa sistema, 4) trajektoriju težišne tačke štapa.

	<p>2.6. Odrediti: 1) konačne jednačine kretanja kvadratnog kućišta, <math>x(t)=?</math>, mase <math>3m</math> stranice <math>h</math> (koje se kreće po glatkoj horizontalnoj podlozi, a unutar koga se po kružnim kanalima kreću kuglice-tačke A i B); uzeti da je <math>C_0C=x</math>; 2) koliko se pomerilo kućište i kolika mu je brzina u trenutku <math>t_1=1</math>; 3) silu reakcije podloge <math>N(t_1)=?</math> Unutrašnje sile čine da se kuglica A, mase <math>m</math>, kreće po zakonu <math>\varphi=\pi t</math>, a kuglica B, mase <math>m</math>, po zakonu <math>\psi=(1/2)(1-t)\pi</math>. U početnom trenutku <math>t_0=0</math> kućište je mirovalo, a centralna tačka kućišta C je bila na vertikalnoj osi <math>Oy</math>. Veze su idealne. Zadate veličine su date u osnovnim jedinicama SI sistema.</p>
	<p>2.7. Kućište mase <math>4m</math> (sa centrom masa u tački A) može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Disk mase <math>m</math> i poluprečnika <math>R</math> kotrlja se bez klizanja po kružnom delu kućišta (poluprečnika <math>4R</math>). Laki štap AB obrće se po zakonu <math>\varphi=\omega t</math> (<math>\omega=\text{const}</math>). Veze u tačkama A i B se zglobove. U početnom trenutku <math>t_0=0</math> sistem je mirovao, <math>x(0)=0</math>. Odrediti: 1) zakon kretanja kućišta <math>x(t)=?</math> (zeti da je <math>OA=x</math>), 2) reakciju horizontalne ravni.</p>
	<p>2.8. Teret A mase <math>m_1=m</math> i teret B mase <math>m_2=4m</math> kreću se po glatkim katetama pravougaonog kućišta, kućište je mase <math>m_3=3m</math> i može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Masa diska, poluprečnika <math>R</math>, je zanemarljiva. Ako je <math>\alpha=30^\circ</math>, odrediti pomeranje kućišta u funkciji pomeranja tereta A. <math>AB=L</math>. U početnom trenutku <math>t_0=0</math> sistem je mirovao, a teret A je bio u podnožju.</p>
	<p>2.9. Telo B, mase <math>m_1=m</math>, nalazi se na glatkoj dasci A, mase <math>m_2=2m</math>. Tela su međusobno vezana oprugom krutosti <math>c</math>. Zanemarujući trenje između tela A i B, kao i tela A i horizontalne podloge, odrediti zakon promene brzine <math>V</math> tela A u funkciji brzine tela B u odnosu na dasku.</p>
	<p>2.10. Teret A mase <math>2m</math> kreće se po glatkoj hipotenuzi pravougaonog kućišta mase <math>m</math>. Teret B mase <math>m</math> užeatom je vezan za teret A posredstvom lakog diska D poluprečnika <math>R</math>. Ako je <math>\alpha=30^\circ</math>, odrediti pomeranje kućišta u funkciji pomeranja tereta A. U početnom trenutku <math>t_0=0</math> sistem je mirovao, kateta kućišta je bila na <math>Oy</math> osi.</p>
	<p>2.11. Odrediti: 1) konačne jednačine kretanja kvadratnog kućišta stranice <math>L</math>, 2) silu reakcije idealno glatke podloge, 3) vrednost minimalne sile reakcije podloge. Masa kućišta koji se kreće po horizontalnoj glatkoj podlozi je <math>m_k=8m</math>. Poluga <math>OC</math> obrće se konstantnom ugaonom brzinom <math>\omega</math>. U <math>t_0=0</math> sistem je bio u miru, a štap <math>ACB</math> horizontalan tj. <math>\varphi(0)=0</math>. Veze u tačkama O, A, B i C su zglobove, štapovi <math>OC</math> i <math>ACB</math> su laki, a klizač A je mase <math>m</math>, klizač B mase <math>m</math>. <math>OC=AC=CB=R</math>. Klizači se kreću po ortogonalnim vodica izdubljenim u kućištu.</p>

	<p>2.12. Mehanizam za kovanje dovodi se u kretanje pomoću klipnog mehanizma; odrediti: 1) konačne jednačine kretanja kućišta ako poluga AB, mase <math>m_{AB}=m</math>, rotira konstantnom ugaonom brzinom <math>\omega_0</math>, 2) pritisak mehanizma na idealno glatku horizontalnu podlogu (pri radu mašine). Centar masa kvadratnog kućišta (s nakovnjem), stranice <math>h</math>, je u centru tj. tački T, <math>m_k=5m</math>. U <math>t_0=0</math> sistem je bio u miru, a poluga AB je bila vertikalna, tj. <math>\varphi(0)=0</math>. Veze u tačkama A, B i M su zglobne. Štap BM je zanemarljive mase, a klizač M je mase <math>m_M=2m</math>. Uzeti da je <math>AB=BM=2R</math>. Zadate veličine su date u osnovnim jedinicama SI sistema. <math>AT=L</math>.</p>
	<p>2.13. Kvadratna ploča, mase <math>2m</math>, stranice <math>L</math>, može bez trenja da se kreće po horizontalnoj ravni, oprugom krutosti <math>c</math> je vezana za zid. Po dijagonali ploče je urezan glatki žljeb po kome se kreće tačka B mase <math>m</math>. Tačka je užetom vezana za pogonsku koturaču (bez mase) poluprečnika <math>R</math>, čija je rotacija data zakonom <math>\varphi=\epsilon t^2</math> (<math>\epsilon=\text{const}</math>). Odrediti konačnu jednačinu kretanja ploče <math>x(t)=?</math> U <math>t_0=0</math> sistem je bio u miru, tačka B u podnožju, <math>x(0)=0</math>, a opruga je tada bila nenapregnuta. Neka je <math>C=\frac{3mg}{R}</math>.</p>
	<p>2.14 Dve kvadratne ploče spojene su lakim štapom dužine <math>R</math>, ploča A (<math>m_A=2m</math>) stranice <math>2R</math> i ploča B stranice <math>2R</math> (<math>m_B=4m</math>) mogu da se kreću po glatkoj horizontalnoj podlozi. Za ploču B (na sredini stranice) zglobno je vezano matematičko klatno M dužine <math>R</math> i mase <math>m</math>. Ako klatno rotira konstantnom ugaonu brzinom <math>\omega</math> odrediti: 1) konačne jednačine kretanja ploče B, 2) za koliko se pomeri ploča B kada klatno dođe u vertikalni položaj, 3) silu u lakom štapu, 4) vrednost minimalne sile u lakom štapu. U početnom trenutku <math>t_0=0</math>, <math>x(0)=0</math>, <math>\varphi(0)=0</math> sistem je bio u miru.</p>
	<p>2.15. Sistem je u vertikalnoj ravni i sastoji se od kućišta mase <math>m</math>, štapova AB i BE svaki mase <math>m</math> (<math>AB=BE=R</math>) i diska mase <math>m</math> i poluprečnika <math>r</math> koji se bez klizanja kotrlja po kućištu. U tačkama A, B i E su zglobne veze. Odrediti: a) jednačinu kretanja kućišta <math>x(t)=?</math>, koje može bez trenja da se kreće po horizontalnoj ravni, b) reakciju ravni. Ugao <math>\varphi</math> menja se po zakonu <math>\varphi=\omega t</math> (<math>\omega=\text{const}</math>). U <math>t_0=0</math> sistem je bio u miru <math>x(0)=0</math>.</p>
	<p>2.16. Kvadratna ploča mase <math>m</math> i stranica <math>R</math> može da klizi po glatkoj horizontalnoj podlozi. Po glatkom žljebu (koji je urezan po dijagonali) kvadratne ploče može da klizi klizač A mase <math>m</math>. Za klizača je zglobno vezan štap AB dužine <math>2r</math> i mase <math>m</math> (kraj štapa B klizi po glatkoj podlozi). U početnom trenutku štap AB je sa podlogom gradio ugao <math>45^\circ</math>, a sistem je bio u miru. Odrediti vezu koja postoji između brzine ploče i ugaone brzine štapa u trenutku kada štap dođe u horizontalni položaj.</p>
	<p>2.17. Ploča mase <math>M=2m</math>, stranice <math>(2L, L)</math> može bez trenja da se kreće po horizontalnoj ravni. Po ploči se bez trenja kreće teret A mase <math>m</math> (oprugom krutosti <math>c</math> je vezan za ploču), a užetom (koje je prebačeno preko diska B, zanemarljive mase, poluprečnika <math>R</math>) je vezan za teret C, mase <math>m</math>, koji se kreće po vertikali. Odrediti konačnu jednačinu kretanja ploče <math>x(t)=?</math> U <math>t_0=0</math>, <math>x(0)=0</math>, <math>y(0)=0</math>, teret C je dobio brzinu <math>V_0</math> (na dole), a opruga je tada bila nenapregnuta. Koordinatna osa <math>y</math> je vezana za ploče.</p>

	<p>2.18. Ploča mase <math>M=3m</math>, stranice <math>(3L, L)</math>, može bez trenja da se kreće po horizontalnoj ravni, a oprugom krutosti <math>c</math> je vezana za zid. Po ploči se kotrlja bez klizanja disk A, mase <math>m</math>, poluprečnika <math>R</math>, koji je užetom vezan za pogonski disk B (mase <math>m</math>, poluprečnika <math>R</math>) koji rotira (pod dejstvom unutrašnjih sila) po zakonu <math>\varphi=\varepsilon t^2</math> (<math>\varepsilon=\text{const}</math>). Disk B je zglobovno vezan za ploču. Odrediti konačnu jednačinu kretanja ploče <math>x(t)=?</math> U <math>t_0=0</math> sistem je bio u miru <math>x(0)=0</math>, a opruga je tada bila nenapregnuta.</p>
	<p>2.19. Telo M mase <math>m_1=3m</math> može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Za telo je vezana osovina oko koje se u vertikalnoj ravni obrće homogeni štap AB po zakonu <math>\varphi=\omega t</math> (<math>\omega=\text{const}</math>). Za središte štapa AB zglobovno je vezan homogeni štap CD koji krajem D klizi po glatkoj horizontalnoj površi tela M. Štap AB ima dužinu <math>2R</math> i masu <math>m_2=2m</math>, a štap CD dužinu <math>R</math> i masu <math>m_3=m</math>. Ako je u početnom trenutku <math>t_0=0</math> telo M mirovalo, odrediti: 1) zakon kretanja tela M po horizontalnoj ravni; 2) reakciju horizontalne ravni.</p>
	<p>2.20. Odrediti kako pomeranje kućišta <math>x</math> mase <math>4m</math> (koje se kreće bez trenja po horizontalnoj podlozi) zavisi od ugla <math>\varphi</math>. U <math>t_0=0</math> sistem je bio u miru, a <math>x_0=0</math>, veze u tačkama E, A i B su zglobove, štapovi EA i AB su svaki dužine <math>R</math> i mase <math>m</math>, a klizač B je mase <math>m</math>, vođica klizača je horizontalna.</p>
	<p>2.21. Mehanizam je postavljen na glatku horizontalnu podlogu. Disk poluprečnika <math>r</math> i mase <math>m_1</math> zglobovno je vezana za krivaju OD i kotrlja se bez klizanja po kružnom elementu (poluprečnika <math>5R</math> sa centrom u tački O) kućišta. Masa krivaje OD je <math>m_2</math>, a kućišta <math>m_K=m</math>. U početnom trenutku <math>t_0=0</math> sistem je mirovao, a krivaja OD je zauzimala vertikalni položaj. Odrediti za koliko se pomeri kućište kada štap OD padne na horizontalni pravac.</p>
	<p>2.22. Odrediti: a) trajektoriju centra masa mehanizma, kao i b) intenzitet vektora količine kretanja mehanizma. Krivaja OA, <math>OA=R</math>, je mase <math>m_{OA}=m</math>, klizač A je mase <math>m_A=m</math>, a masa kulise po kojoj se kreće klizač je <math>m_K=3m</math> centar masa kulise je u tački D, <math>BD=R</math>). Veze u tačkama O i A su zglobove, a <math>\varphi=\pi t</math>.</p>
	<p>2.23. Telo A mase <math>3m</math> može da klizi bez trenja po horizontalnoj podlozi. Iz najnižeg položaja u glatki žljeb, poluprečnika <math>R</math>, tela A (koje je tada mirovalo) ubačena je kuglica B mase <math>m</math> relativnom brzinom <math>V_0</math>. Odrediti pomeranje tela A u proizvoljnom trenutku.</p>



2.24. Kućište mase  $2m$  (sa centrom masa u tački  $A$ ) može da se kreće po glatkoj horizontalnoj ravni. Tačka  $B$  mase  $m$  vezana je pomoću štapa  $AB$ , mase  $m$ ,  $AB=2R$ , zglobovom  $A$  za kućište. Štap  $AB$  obrće se po zakonu  $\varphi = \omega t$  ( $\omega = \text{const}$ ). U početnom trenutku  $t_0=0$  sistem je mirovao  $x(0)=0$ ,  $\varphi(0)=0$ . Odrediti: 1) zakon kretanja kućišta  $x(t)=?$  (uzeti da je  $OA=x$ ), 2) reakciju horizontalne ravni, ako se kućište zavrtanjima  $D$  i  $E$  veže za ravan kolika je tada reakcija veze?